

解の公式 3-4

※解の公式は難しいので、平方根の計算に自信が無いときは、そこを復習して、計算できるようにしてから取り組むとよいです。

※まず最初に、解の公式の使い方を覚えよう！

2次方程式の解の公式

2次方程式 $ax^2 + bx + c = 0$ の解は

$$x = \frac{-b \pm \sqrt{b^2 - 4ac}}{2a} \dots\dots \textcircled{1}$$

次の例題に解の公式を使ってみよう

例 1 $2x^2 - 3x - 1 = 0$ を、解の公式を使って解きなさい。

Step1 まず、式をみて公式の a,b,c の値がいくつか、読み取りましょう。

$$a = \qquad b = \qquad c =$$

Step2 式の中のパーツが、それぞれいくつになるか、考えてみましょう

$$\frac{-b \pm \sqrt{b^2 - 4ac}}{2a} \Rightarrow \frac{\pm \sqrt{\quad}}{\quad}$$

Step3 正しく計算して、答えを求めてみましょう

たしかめ
1

$3x^2 + 7x + 1 = 0$ について、次の問に答えなさい。

- (1) 解の公式を使って解くとき、 a 、 b 、 c のそれぞれに、どんな値を代入すればよいですか。
- (2) この方程式を解きなさい。

練習問題

問 1 次の方程式を解きなさい。

(1) $2x^2 - 7x + 4 = 0$ (2) $4x^2 + x - 2 = 0$

(3) $5x^2 + 5x - 1 = 0$ (4) $-x^2 + 3x + 9 = 0$

※解の公式を使って求めた解が約分できる場合

例 2 $x^2 + 4x - 2 = 0$ を解きなさい。

たしかめ 2 $3x^2 - 4x - 2 = 0$ を解きなさい。

※※解の公式を使って求めた解の中に根号がなくなってしまう場合

例 3 $2x^2 + 5x - 3 = 0$ を解きなさい。

たしかめ 3 $3x^2 + 2x - 8 = 0$ を解きなさい。

練習問題

問 2 次の方程式を解きなさい。

(1) $2x^2 - 4x - 5 = 0$ (2) $x^2 - 8x + 9 = 0$

(3) $4x^2 - 4x - 3 = 0$ (4) $x^2 + 5x - 6 = 0$

(5) $2x^2 - 7x + 3 = 0$ (6) $9x^2 + 6x + 1 = 0$